

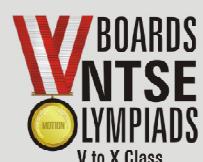
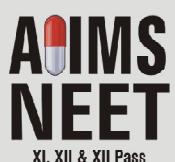
हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है खास

JEE
MAIN
JAN
2020

PAPER WITH SOLUTION

9th January 2020 _ SHIFT - 1

PHYSICS



24000+
SELECTIONS SINCE 2007

JEE (Advanced)

5392

JEE (Main)

16241

NEET / AIIMS

1305

NTSE / OLYMPIADS

1158

(Under 50000 Rank)

(since 2016)

(5th to 10th class)

MOTION™

You bring potential through education

H.O. : 394, Rajeev Gandhi Nagar, Kota

www.motion.ac.in | info@motion.ac.in

हमारा विश्वास.... हर एक विद्यार्थी है खास

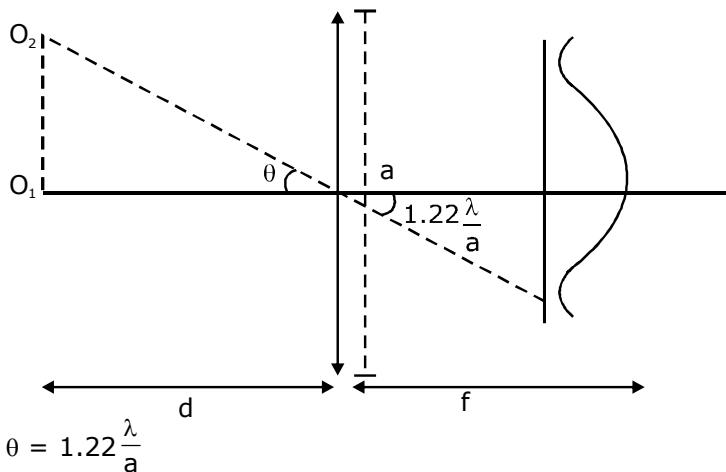
1. The aperture diameter of a telescope is 5 m. The separation between the moon and the earth is 4×10^5 km. With light of wavelength of 5500 Å, the minimum separation between objects on the surface of moon, so that they are just resolved, is close to :

(1) 600 m (2) 60 m (3) 20 m (4) 200 m

एक टेलीस्कोप के द्वारक का व्यास 5 m है। पथ्वी और चन्द्रमा के बीच की दूरी 4×10^5 km है। यदि प्रकाश का तरंगदैर्घ्य 5500 Å लिया जाय तो चन्द्रमा पर दो वस्तुओं की बीच की न्यूनतम दूरी लगभग कितनी होगी, जिससे उनमें विभेदन करा जा सके।

(1) 600 m (2) 60 m (3) 20 m (4) 200 m

Sol. (2)



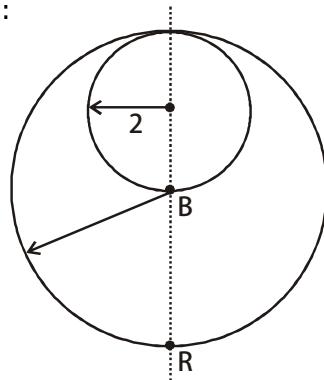
$$\text{distance} = O_1 O_2 = d\theta = 1.22 \frac{\lambda}{a} d$$

$$\text{distance} = O_1 O_2 = \frac{1.22 \times 5893 \times 10^{-10} \times 4 \times 10^8}{5} \approx 57.5 \text{m}$$

answer from options = 60 m
minimum distance

2. Consider a sphere of radius R which carries a uniform charge density ρ . If a sphere of radius $\frac{R}{2}$ is carved out of it, as shown, the ratio $\frac{|\vec{E}_A|}{|\vec{E}_B|}$ of magnitude of electric field \vec{E}_A and \vec{E}_B , respectively, at point A and B due to the remaining portion is :

- (1) $\frac{17}{54}$
(2) $\frac{18}{54}$
(3) $\frac{18}{34}$
(4) $\frac{21}{34}$



**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट

15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति
17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)
Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान

17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 11000
score 160-200

Fees - ₹ 5500
score 200-240

Fees - ₹ 0
score above 240

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है ख़ास

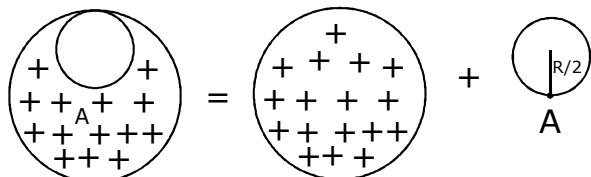
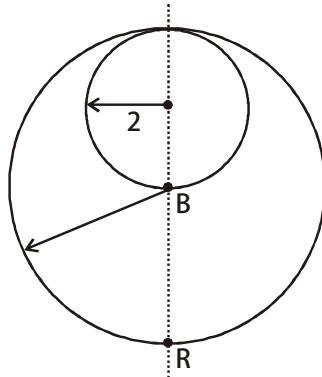
एक R त्रिज्या के गोले में समान घनत्व ρ का आवेश वितरित है। यदि इस गोले से $\frac{R}{2}$ त्रिज्या का एक गोला काटकर चित्रानुसार निकाल दिया जाये तो बचे हुए भाग के कारण बिन्दुओं A और B पर विद्युत क्षेत्र (क्रमशः \vec{E}_A तथा \vec{E}_B) के मान का अनुपात

$$\frac{|\vec{E}_A|}{|\vec{E}_B|} \text{ होगा} -$$

- (1) $\frac{17}{54}$
- (2) $\frac{18}{54}$
- (3) $\frac{18}{34}$
- (4) $\frac{21}{34}$

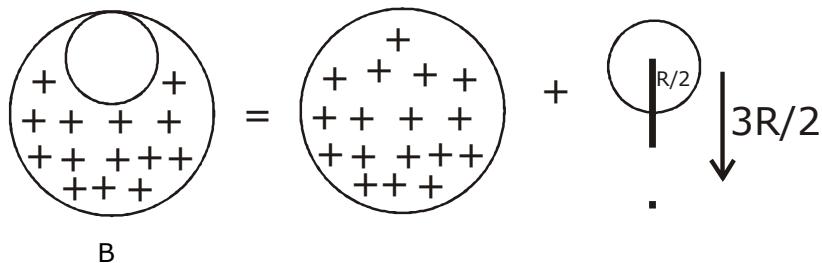
Sol. (3)

for point A



$$= \frac{k \times \rho \times \frac{4}{3}\pi(R/2)^3}{(R/2)^2} = \frac{\rho R}{6\epsilon_0} \uparrow$$

For point B



$$= \frac{k \times \rho \times \frac{4}{3}\pi R^3}{R^2} - \frac{k \times \rho \times \frac{4}{3}\pi(R/2)^3}{(3R/2)^2} = \frac{\rho R}{3\epsilon_0} - \frac{\rho R}{54\cdot\epsilon_0}$$

**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट
15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति
17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)
Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान
17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 11000
score 160-200

Fees - ₹ 5500
score 200-240

Fees - ₹ 0
score above 240

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है खास

$$= \frac{\rho R}{3\epsilon_0} \left[1 - \frac{1}{18} \right] = \frac{17\rho R}{54\epsilon_0}$$

$$\frac{E_A}{E_B} = \frac{\frac{\rho R}{6\epsilon_0}}{\frac{17\rho R}{54\epsilon_0}} = \frac{54}{6 \times 17} = \frac{9}{17} = \frac{18}{34}$$

3. The electric field of two plane electromagnetic plane waves in vacuum are given by :

$$\vec{E}_1 = E_0 \hat{j} \cos(\omega t - kx) \text{ and } \vec{E}_2 = E_0 \hat{k} \cos(\omega t - ky)$$

At $t = 0$, a particle of charge q is at origin with a velocity $\vec{v} = 0.8 \hat{c} \hat{j}$ (c is the speed of light in vacuum). The instantaneous force experienced by a particle is :

$$(1) E_0 q(0.4 \hat{i} - 3 \hat{j} + 0.8 \hat{k})$$

$$(2) E_0 q(0.8 \hat{i} - \hat{j} + 0.4 \hat{k})$$

$$(3) E_0 q(-0.8 \hat{i} + \hat{j} + \hat{k})$$

$$(4) E_0 q(0.8 \hat{i} + \hat{j} + 0.2 \hat{k})$$

निर्वात में दो समतल विद्युत-चुम्बकीय तरंगो के विद्युत क्षेत्र $\vec{E}_1 = E_0 \hat{j} \cos(\omega t - kx)$ तथा $\vec{E}_2 = E_0 \hat{k} \cos(\omega t - ky)$ हैं।

समय $t = 0$ पर q आवेश का एक कण $\vec{v} = 0.8 \hat{c} \hat{j}$ (c निर्वात में प्रकाश की गति है) वेग से मूलबिन्दु पर चल रहा है। कण पर लगने वाला तात्कालिक बल है –

$$(1) E_0 q(0.4 \hat{i} - 3 \hat{j} + 0.8 \hat{k})$$

$$(2) E_0 q(0.8 \hat{i} - \hat{j} + 0.4 \hat{k})$$

$$(3) E_0 q(-0.8 \hat{i} + \hat{j} + \hat{k})$$

$$(4) E_0 q(0.8 \hat{i} + \hat{j} + 0.2 \hat{k})$$

Sol. (4)

$$\vec{E}_1 = E_0 \hat{j} \cos(\omega t - kx)$$

means travelling in +ve x-direction $\vec{E} \times \vec{B}$ should be in x-direction

$\therefore \vec{B}$ is in \hat{k}

$$\therefore \vec{B}_1 = \frac{E_0}{C} \cos(\omega t - kx) \hat{k}$$

$$\vec{E}_2 = E_0 \hat{k} \cos(\omega t - ky)$$

$$B_0 = \frac{E_0}{C}$$

$$\vec{E}_2 = \frac{E_0}{C} \hat{i} \cos(\omega t - ky)$$

\therefore travelling in +ve y-axis

$\vec{E} \times \vec{B}$ should be in y-axis

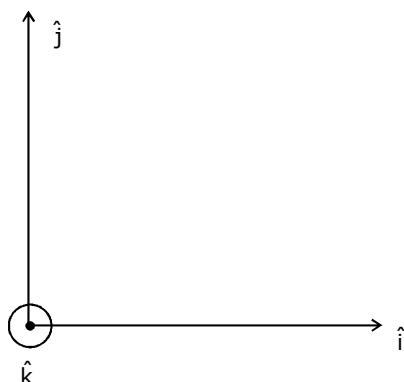
\therefore Net force

$$q(\vec{E}_1 \times \vec{E}_2) + q(0.8c \hat{j} \times (\vec{B}_1 + \vec{B}_2))$$

$$t = 0$$

$$x = 0$$

**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**



उन्नति

17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)

Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्कर्ष
15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उत्थान

17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 11000

score 160-200 Fees - ₹ 5500

score 200-240 Fees - ₹ 0

हमारा विश्वास.... हर एक विद्यार्थी है खास

$$\vec{E}_1 = E_0 \hat{j} \quad \vec{E}_2 = E_0 \hat{k}$$

$$\vec{B}_1 = \frac{E_0}{c} \hat{k} \quad \vec{B}_2 = \frac{E_0}{c} \hat{i}$$

$$\begin{aligned}\therefore \vec{F}_{\text{net}} &= q E_0 (\hat{j} + \hat{k}) + q \times 0.8c \times \frac{E_0}{C} \hat{j} \times (\hat{k} + \hat{i}) \\ &= q E_0 (\hat{j} + \hat{k}) + 0.8 q E_0 (\hat{i} - \hat{k}) \\ &= q E_0 (0.8 \hat{i} + \hat{j} + 0.2 \hat{k})\end{aligned}$$

4. A body A of mass m is moving in a circular orbit of radius R about a planet. Another body B of

mass $\frac{m}{2}$ collides with A with a velocity which is half $\left(\frac{\vec{v}}{2}\right)$ the instantaneous velocity \vec{v} of A.

The collision is completely inelastic. Then, the combined body :

- (1) Falls vertically downwards towards the planet
- (2) starts moving in an elliptical orbit around the planet
- (3) continues to move in a circular orbit
- (4) Escapes from the Planet's gravitational field

द्रव्यमान m की एक वस्तु A एक ग्रह के चारों ओर R त्रिज्या की एक वृत्तीय कक्षा में चल रही है। द्रव्यमान $\frac{m}{2}$ की एक दूसरी

वस्तु B वस्तु A से $\left(\frac{\vec{v}}{2}\right)$ वेग से टकराती है। यहाँ \vec{v} वस्तु A का तात्कालिक वेग है। यह टक्कर पूर्णतः अप्रत्यारथ है। तब

संयुक्त वस्तु –

- (1) ग्रह की ओर उर्ध्वाधर दिशा में गिरेगी।
- (2) एक दीर्घवृत्त कक्षा में चलना शुरू कर देगी।
- (3) वृत्तीय कक्षा में चलती रहेगी।
- (4) ग्रह के गुरुत्वाकर्षण क्षेत्र से पलायन कर जायेगी।

Sol.

(2)

Conserving momentum

$$\frac{m}{2} \frac{v}{2} + mv = \left(m + \frac{m}{2}\right)v_f$$

$$v_f = \frac{\frac{5mv}{2}}{4 \times \frac{3m}{2}} = \frac{5v}{6}$$

$v_f < v_{\text{orb}}$ ($= v$) thus the combined mass will go on to an elliptical path

**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट

15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति

17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)

Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान

17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

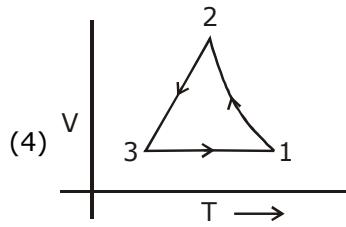
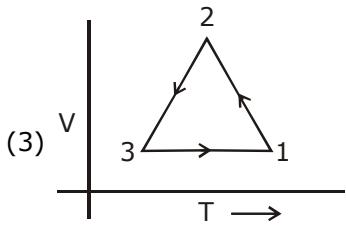
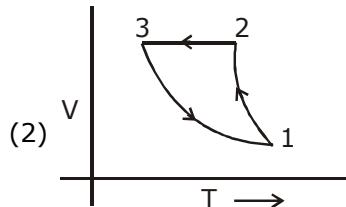
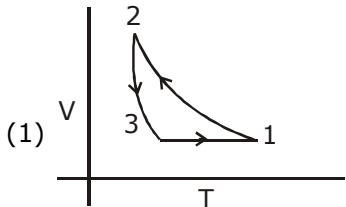
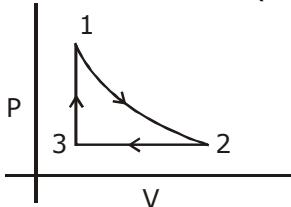
Fees - ₹ 11000
score 160-200

Fees - ₹ 5500
score 200-240

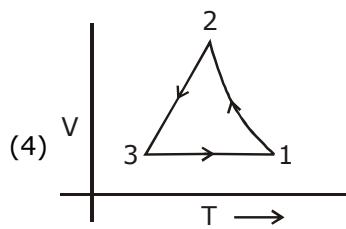
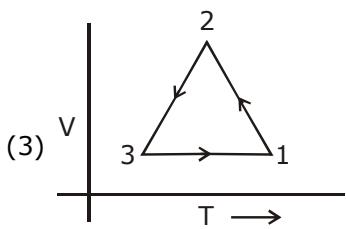
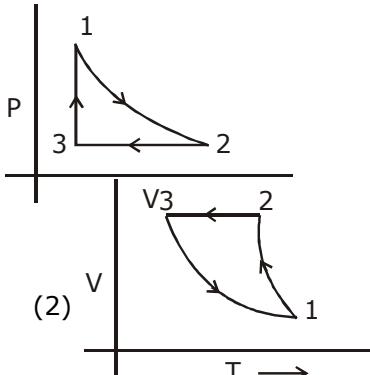
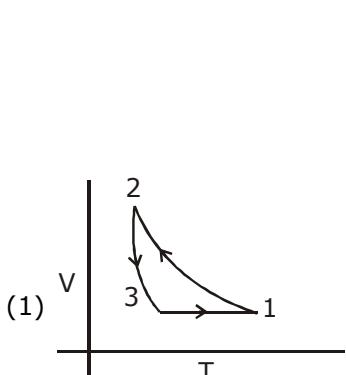
Fees - ₹ 0
score above 240

हमारा विश्वास.... हर एक विद्यार्थी है ख़ास

5. Which of the following is an equivalent cyclic process corresponding to the thermodynamics cyclic given in the figure ? where, $1 \rightarrow 2$ is adiabatic. (Graphs are schematic and are not to scale)



नीचे दिये गये ग्राफों में कौनसा ग्राफ चित्र में दिखायी गयी उष्मागतिज चक्रीय प्रक्रिया के समतुल्य चक्रीय प्रक्रिया दर्शाता है ?
चित्र में $1 \rightarrow 2$ एक रुद्धोष्प्रक्रिया है। (चित्र सांकेतिक है।)



**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उन्नति
17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)
Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day
Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्कृष्ट
15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उत्थान
17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 11000

score 160-200

Fees - ₹ 5500

score 200-240

Fees - ₹ 0

score above 240

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है ख़ास

Sol . (4)

For $3 \rightarrow 1$ (volume constant)

$\therefore 2$ is wrong

$P \uparrow, T \uparrow$

For $2 \rightarrow 3$, (Pressure constant)

$\therefore V \downarrow, T \downarrow$

$\therefore (4)$ is correct

6. Two particles of equal mass m have respective initial velocities $u\hat{i}$ and $u\left(\frac{\hat{i}+\hat{j}}{2}\right)$. They collide completely inelastically. The energy lost in the process

(1) $\frac{1}{3}mu^2$

(2) $\frac{1}{8}mu^2$

(3) $\frac{3}{4}mu^2$

(4) $\sqrt{\frac{2}{3}}mu^2$

समान द्रव्यमान m के दो कणों का प्रारंभिक वेग $u\hat{i}$ तथा $u\left(\frac{\hat{i}+\hat{j}}{2}\right)$ है। ये कण पूर्णतः अप्रत्यास्थ रूप से टकराते हैं। इस प्रक्रिया

में होने वाली ऊर्जा की क्षति है –

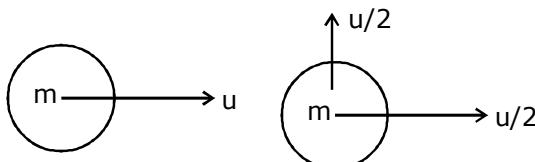
(1) $\frac{1}{3}mu^2$

(2) $\frac{1}{8}mu^2$

(3) $\frac{3}{4}mu^2$

(4) $\sqrt{\frac{2}{3}}mu^2$

Sol. (2)



x-direction

$$mu + \frac{mv}{2} = 2mv'_x \quad v'_x = \frac{3u}{4}$$

$$y\text{-direction} \quad \frac{mv}{2} = 2v'_y \quad v'_y = \frac{u}{4}$$

$$K.E._i = \frac{1}{2}m u^2 + \frac{1}{2}m \left[\left(\frac{u}{2} \right)^2 + \left(\frac{u}{2} \right)^2 \right] = \frac{1}{2}mu^2 + \frac{mu^2}{4} = \frac{3mu^2}{4}$$

$$K.E._f = \frac{1}{2}2m \left[\left(\frac{3u}{4} \right)^2 + \left(\frac{u}{4} \right)^2 \right] = \frac{mu^2}{8} =$$

$$\therefore \text{Loss} = mu^2 \left(\frac{6}{8} - \frac{5}{8} \right) = \frac{mu^2}{8}$$

**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट

15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति

17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)

Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान

17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 11000
score 160-200

Fees - ₹ 5500
score 200-240

Fees - ₹ 0
score above 240

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है ख़ास

Sol. (3)

Using equation of continuity

$$40 V_A = 20 V_B$$

$$\Rightarrow 2V_A = V_B$$

using Bernoullie's equation

$$P_A + \frac{1}{2} \rho V_A^2 = P_B + \frac{1}{2} \rho V_B^2 \Rightarrow P_A - P_B = \frac{1}{2} \rho (V_B^2 - V_A^2)$$

$$\Rightarrow \Delta P = \frac{1}{2} 1000 \left(V_B^2 - \frac{V_A^2}{4} \right) \Rightarrow \Delta P = 5000 \times \frac{3V_B^2}{4}$$

$$\Rightarrow V_B = \sqrt{\frac{(\Delta P) \times 4}{1500}} = \sqrt{\frac{(700) \times 4}{1500}} \text{ m/s}$$

$$\text{Volume flow rate} = 20 \times 100 \times V_B = 2732 \text{ cm}^3/\text{s} \approx 2720 \text{ cm}^3/\text{s}$$

- 9.** Radiation, with wavelength 6561 \AA falls on a metal surface to produce photoelectrons. The electrons are made to enter a uniform magnetic field of $3 \times 10^{-4} \text{ T}$. If the radius of the largest circular path followed by the electrons is 10 mm , the work function of the metal is close to :

- (1) 0.8 eV (2) 1.6 eV (3) 1.1 eV (4) 1.8 eV

तरंगदैर्घ्य 6561 \AA का विकिरण एक धातु की सतह पर पड़ता है और इससे प्रकाशिक इलेक्ट्रॉन (Photoelectrons) पैदा होते हैं। इन इलेक्ट्रॉनों को एकसमान चुम्बकीय क्षेत्र, जिसका मान $3 \times 10^{-4} \text{ T}$ है, में प्रवेश कराने पर उनके द्वारा बनाये गये सबसे बड़े वृत्तीय पथ की त्रिजया 10 mm है। धातु के कार्य फलन का मान निम्न में से किसके निकटतम है ?

- (1) 0.8 eV (2) 1.6 eV (3) 1.1 eV (4) 1.8 eV

Sol. (3)

$$K.E. = \frac{P^2}{2m} \Rightarrow R = \frac{P}{qB} = \frac{mv}{qB} \Rightarrow P = qBR$$

$$K.E_{\max} = q \frac{(qBR)^2}{2m}$$

$$= \frac{(1.6 \times 10^{-19} \times 3 \times 10^{-4} \times 10 \times 10^{-3})^2}{2 \times 9.1 \times 10^{-31}} = 79.12 \times 10^{-2} = 0.8$$

$$\frac{12400}{6561} = \phi + \frac{(qBR)^2}{2m} \therefore \phi \approx 1.1 \text{ ev}$$

- 10.** A particle moving with kinetic energy E has de Broglie wavelength λ . If energy ΔE is added to its energy, the wavelength become $\lambda/2$. Value of ΔE is :

- (1) E (2) 3E (3) 2E (4) 4E

गतिज ऊर्जा E के एक कण का डी-ब्रोगली तरंगदैर्घ्य λ है। यदि इसकी ऊर्जा में ΔE ऊर्जा और जोड़ दी जाये तो तरंगदैर्घ्य का मान $\lambda/2$ हो जाता है। ΔE का मान है –

- (1) E (2) 3E (3) 2E (4) 4E

**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट

15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति

17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)

Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान

17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 11000
score 160-200

Fees - ₹ 5500
score 200-240

Fees - ₹ 0
score above 240

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है ख़ास

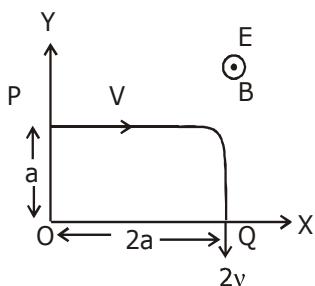
Sol. (2)

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2(KE)m}} \Rightarrow \lambda \propto \frac{1}{\sqrt{KE}}$$

$$\frac{\lambda}{\lambda/2} = \sqrt{\frac{KE_f}{KE_i}}$$

$$4KE_i = KE_f \Rightarrow \Delta E = 4KE_i - KE_i = 3KE = 3E$$

11. A charged particle of mass 'm' and charge 'q' moving under the influence of uniform electric field $E\hat{i}$ and a uniform magnetic field $B\hat{k}$ follows a trajectory from point P to Q as shown in figure. The velocities at P and Q are respectively, $v\hat{i}$ and $-2v\hat{j}$. Then which of the following statements (A, B, C, D) are the correct? (Trajectory shown in schematic and not to scale)



(A) $E = \frac{3}{4} \left(\frac{mv^2}{qa} \right)$

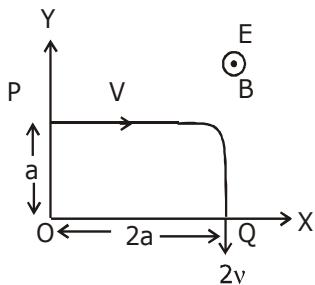
(B) Rate of work done by the electric field at P is $\frac{3}{4} \left(\frac{mv^3}{a} \right)$

(C) Rate of work done by both the fields at Q is zero

(D) The difference between the magnitude of angular momentum of the particle at P and Q is 2 mav.

- (1) (A), (C), (D) (2) (A), (B), (C)
 (3) (A), (B), (C), (D) (4) (B), (C), (D)

11. द्रव्यमान 'm' और ओवर्श 'q' का एक कण एक समान विद्युत क्षेत्र $E\hat{i}$ तथा एक समान चुम्बकीय क्षेत्र $B\hat{k}$ में चलता हुआ बिन्दु P से चित्र में दिखाये पथ पर चलकर बिन्दु Q तक पहुंचता है। कण का बिन्दुओं P और Q पर वेग क्रमशः $v\hat{i}$ और $-2v\hat{j}$ है। ऐसे में नीचे दिये गये कथनों (A,B,C,D) में से कौन-कौन से कथन सही है? (दिखाया गया पथ सांकेतिक है)



**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट
15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति
17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)
Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day
Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान
17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)
Fees - ₹ 11000 score 160-200 | Fees - ₹ 5500 score 200-240 | Fees - ₹ 0 score above 240

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है ख़ास

$$(A) E = \frac{3}{4} \left(\frac{mv^2}{qa} \right)$$

(B) बिन्दु P पर विद्युत क्षेत्र द्वारा कण पर किये जा रहे कार्य की दर $\frac{3}{4} \left(\frac{mv^3}{a} \right)$ है।

(C) दोनों विद्युत तथा चुम्बकीय क्षेत्रों द्वारा कण पर बिन्दु Q पर किये जा रहे कार्य की दर शून्य है।

(D) बिन्दुओं P तथा Q पर कण के कोणीय संवेग के मान में $2mv$ का अन्तर है।

- | | |
|------------------------|-------------------|
| (1) (A), (C), (D) | (2) (A), (B), (C) |
| (3) (A), (B), (C), (D) | (4) (B), (C), (D) |

Sol. **(2)**

(A) by work energy theorem

$$W_{mg} + W_{ele} = \frac{1}{2}m(2v)^2 - \frac{1}{2}m(v)^2$$

$$0 + qE_0 2a = \frac{3}{2}mv^2$$

$$E_0 = \frac{3}{4} \frac{mv^2}{qa}$$

(B) Rate of work done at A = power of electric force

$$= qE_0 V = \frac{3}{4} \frac{mv^3}{a}$$

(C) at, B, $\frac{dw}{dt} = 0$ for both forces

$$(D) \Delta \vec{L} = (-m2v2a\hat{k}) - (-mva\hat{k})$$

$$|\Delta \vec{L}| = 3mva$$

12. If the screw on a screw - gauge is given six rotations, it moves by 3 mm on the main scale. If there are 50 divisions on the circular scale the least count of the screw gauge is :

- (1) 0.001 mm (2) 0.001 cm (3) 0.01 cm (4) 0.02 mm

एक स्क्रूगेज में यदि पेच को छः बार घुमाया जाये तो यह मुख्य पैमाने पर 3 mm की दूरी तय करता है। यदि वर्तीय पैमाने पर 50 भाग हो तो स्क्रूगेज का अल्पतमांक कितना होगा ?

- (1) 0.001 mm (2) 0.001 cm (3) 0.01 cm (4) 0.02 mm

Sol. **(2)**

$$\text{Pitch} = \frac{3}{6} = 0.5 \text{ mm}$$

$$\text{L.C.} = \frac{0.5 \text{ mm}}{50} = \frac{1}{100} \text{ mm} = 0.01 \text{ mm} = 0.001 \text{ cm}$$

**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट

15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति

17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)

Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान

17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 11000
score 160-200

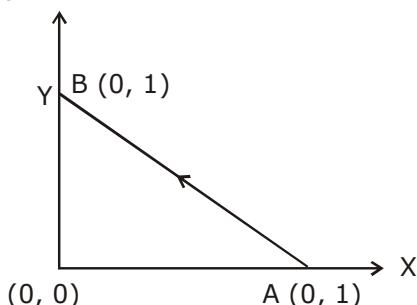
Fees - ₹ 5500
score 200-240

Fees - ₹ 0
score above 240

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है खुास

- 13.** Consider a force $\vec{F} = -x\hat{i} + y\hat{j}$. The work done by this force in moving a particle from point A (1, 0) to B (0, 1) along the line segment is :
(all quantities are in SI units)

आपको एक बल $\vec{F} = -x\hat{i} + y\hat{j}$ दिया गया है। एक कण को बिन्दु A (1, 0) से B (0, 1) तक चित्र में दिखायी गयी रेखा पर ले जाने में इस बल द्वारा किया गया कार्य होगा –
(सभी राशियाँ SI इकाई में दी गयी हैं)

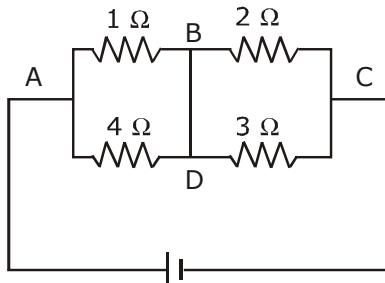


- (1) $\frac{3}{2}$ (2) $\frac{1}{2}$ (3) 1 (4) 2

Sol. (3)

$$\begin{aligned} W &= \int \vec{F} \cdot d\vec{S} \\ &= (-x\hat{i} + y\hat{j}) \cdot (dx\hat{i} + dy\hat{j}) = \int_1^0 -x dx + \int_0^1 y dy \\ &= -\frac{x^2}{2} \Big|_1^0 + \frac{y^2}{2} \Big|_0^1 = \left(0 + \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2}\right) = 1 \end{aligned}$$

- 14.** In the given circuit diagram, a wire is joining points B and D. The current in the wire is :



Increase Your Score for JEE Main April'2020

ਤੰਜਨਿ
17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)

Tenure: **62 Days** | Schedule: **5 Classes Per Day**

AN 2020 Fees - ₹ 27500 Including GST

ਤੁਲਕਾਰ
15 JAN 2020

**percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)**

15 JAN 2020

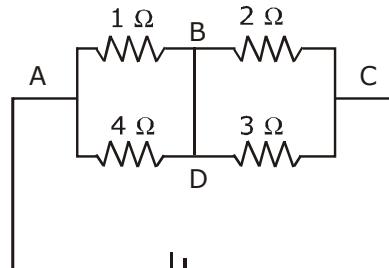
Fees - ₹ 22000 Including GST

उत्थान
17 JAN 2020

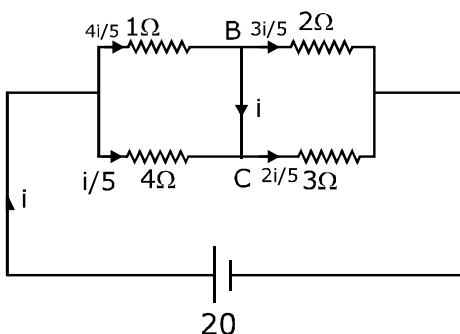
 उत्तराञ्चल	99 percentile and above in JEE Main (Jan-2020)
17 JAN 2020	Fees - ₹ 11000 score 160-200

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है ख़ास

चित्र में दिखाये परिपथ में बिन्दुओं B और D को एक तार द्वारा जोड़ा गया है। इस तार से बहने वाली विद्युत धारा का मान एम्पीयर में होगा।



- Sol.** (1) zero (2) 0.4 A (3) 4 A (4) 2 A



$$R_{\text{eff}} = \frac{4}{5} + \frac{6}{5} = 2\Omega$$

$$i = \frac{20}{2} = 10 \text{ A}$$

$$I = \frac{4i}{5} - \frac{3i}{5} = +\frac{i}{5} = 2A$$

- 15.** A long, straight wire of radius a carries a current distributed uniformly over its cross - section.

The ratio of the magnetic fields due to the wire at distance $\frac{a}{3}$ and $2a$, respectively from the axis of the wire is :

- (1) $\frac{2}{3}$ (2) $\frac{3}{2}$ (3) $\frac{1}{2}$ (4) 2

(1) २/३ (2) ३/२ (3) १/२ (4) १

एक लम्बे सीधे a त्रिज्या के तार में विद्युत धारा बह रही है। यह धारा इसके अनप्रस्थ काट पर समान रूप से वितरित है। तार द्वारा

इसके अक्ष से क्रमशः $\frac{a}{3}$ और $2a$ दूरी पर बनने वाले चुम्बकीय क्षेत्रों के मान का अनुपात होगा –

- (1) $2/3$ (2) $3/2$ (3) $1/2$ (4) 2

Increase Your Score for JEE Main April'2020

੩੮

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)

Tenure: **62 Days** | Schedule: **5 Classes Per Day**

17 JAN 2020

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्कर्ष
15 JAN 2020

**percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)**

15 JAN 2020

Fees - ₹ 22000 Including GST

उत्थान

17 JAN 2020

**99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)**

11000 | Fees - ₹ 550
0-200 score 200-240

Fees - ₹ 0

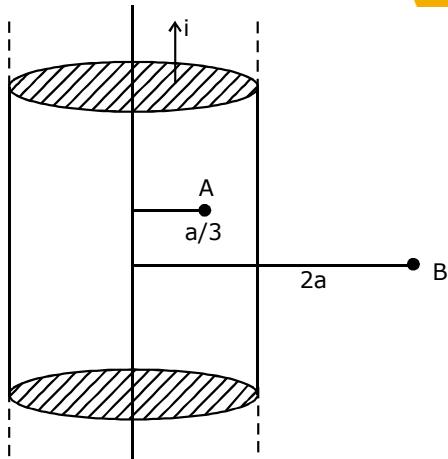
हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है ख़ास
Sol. (1)

$$B_A = \frac{\mu_0 i r}{2\pi a^2} = \frac{\mu_0 i \frac{a}{3}}{2\pi a^2}$$

$$= \frac{\mu_0 i}{\pi a^2} \frac{a}{6} = \frac{\mu_0 i}{6\pi a}$$

$$B_B = \frac{\mu_0 i}{2\pi(2a)}$$

$$\frac{B_A}{B_B} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$



16. A vessel of depth $2h$ is half filled with a liquid of refractive index $2\sqrt{2}$ and the upper half with another liquid of refractive index $\sqrt{2}$. The liquids are immiscible. The apparent depth of the inner surface of the bottom of vessel will be :

(1) $\frac{h}{\sqrt{2}}$

(2) $\frac{h}{3\sqrt{2}}$

(3) $\frac{3}{4}h\sqrt{2}$

(4) $\frac{h}{2(\sqrt{2} + 1)}$

गहराई $2h$ के एक बर्तन में दो असिंध्रीय द्रव जिनके अपवर्तनांक $\sqrt{2}$ और $2\sqrt{2}$ हैं आधी-आधी ऊँचाई h तक भरे हुए हैं तथा $\sqrt{2}$ अपवर्तनाक का द्रव इसके उपरी भाग में है। बर्तन के निचले हिस्से की आंतरिक सतह की आभासी ऊँचाई होगी –

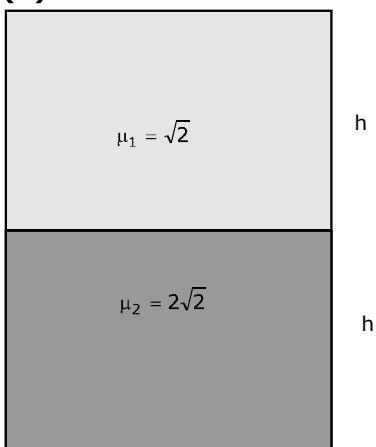
(1) $\frac{h}{\sqrt{2}}$

(2) $\frac{h}{3\sqrt{2}}$

(3) $\frac{3}{4}h\sqrt{2}$

(4) $\frac{h}{2(\sqrt{2} + 1)}$

Sol. (3)



$$d = \frac{h}{\sqrt{2}} + \frac{h}{2\sqrt{2}}$$

$$\Rightarrow d = \frac{h}{\sqrt{2}} \times \frac{3}{2} = \frac{3\sqrt{2}h}{4}$$

**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट

15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति

17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)

Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान

17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

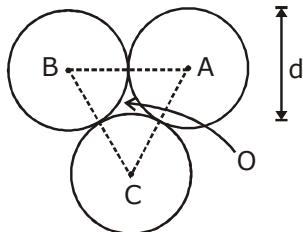
Fees - ₹ 11000
score 160-200

Fees - ₹ 5500
score 200-240

Fees - ₹ 0
score above 240

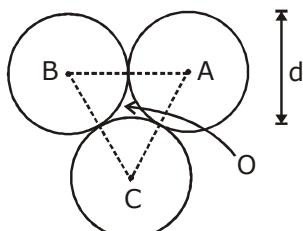
हमारा विश्वास.... हर एक विद्यार्थी है खास

17. Three Solid spheres each of the mass m and diameter d are stuck together such that the lines connecting the centers form an equilateral triangle of side of length d . The ratio I_0/I_A of moment of inertia I_0 of the system about an axis passing the centroid and about center of any of the spheres I_A and perpendicular to the plane of the triangle is :



- (1) $\frac{13}{15}$ (2) $\frac{15}{13}$ (3) $\frac{23}{13}$ (4) $\frac{13}{23}$

द्रव्यमान m और व्यास d के तीन ठोस गोलों को इस प्रकार चिपकाया गया है कि उनके केन्द्रों को जोड़ने वाली रेखाएँ d लम्बाई की भुजा का एक समबाहु त्रिभुज बनाती है। इस त्रिभुज के केन्द्रक और किसी एक गोले के केन्द्र से होकर जाने वाले तथा त्रिभुज के समतल के लम्बवत् अक्षों के सापेक्ष इस निकाय के जड़त्व आघूर्ण क्रमशः I_0 तथा I_A हैं। तब I_0/I_A का मान है –



- (1) $\frac{13}{15}$ (2) $\frac{15}{13}$ (3) $\frac{23}{13}$ (4) $\frac{13}{23}$

Sol. (4)

$$\text{M.I. about P} = 3 \left[\frac{2}{5} M \left(\frac{d}{2} \right)^2 + M \left(\frac{d}{\sqrt{3}} \right)^2 \right] = \frac{13}{10} M d^2$$

$$\text{M.I. about B} = 2 \left[\frac{2}{5} M \left(\frac{d}{2} \right)^2 + M(d)^2 \right] + \frac{2}{5} M \left(\frac{d}{2} \right)^2 = \frac{23}{10} M d^2$$

$$\text{Now ratio} = \frac{13}{23}$$

**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कर्ष
15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति
17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)
Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान
17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 11000
score 160-200

Fees - ₹ 5500
score 200-240

Fees - ₹ 0
score above 240

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है ख़ास

Sol. (2)

Since $\vec{r} \cdot \vec{p} = 0$

\vec{E} must be antiparallel to \vec{p}

So, $\vec{E} = -\lambda(\vec{p})$

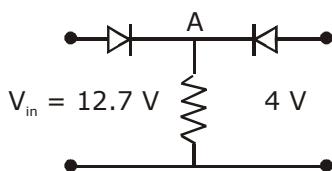
where λ is a arbitrary positive constant

Now, $\vec{A} = a\hat{i} + b\hat{j} + c\hat{k}$

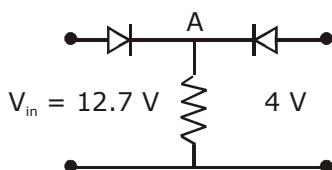
$\vec{A} \parallel \vec{E}$

$$\frac{a}{\lambda} = \frac{b}{3\lambda} = \frac{c}{2\lambda}$$

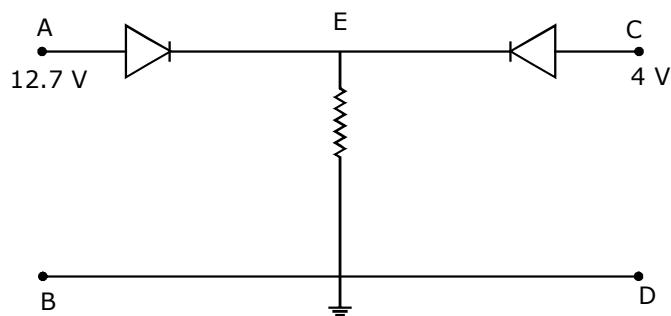
- 21.** Both the diodes used in the circuit shown are assumed to be ideal and have negligible resistance when these are forward biased. Built in potential in each diode is 0.7 V. For the input voltages shown in the figure, the voltage (in volts) at point A is _____



दिखाये गये परिपथ में प्रयोग किये गये दोनों डायोडों को आदर्श माने तथा अग्रदिशिक (फारवर्ड) बायस में इनका प्रतिरोध नगण्य मानें। प्रत्येक डायोड का अंतरनिर्मित विभवान्तर (built-in-potential), 0.7 V है। चित्र में दिखायी गयी निवेश (input) वोल्टता के लिये बिन्दु A पर वोल्टता का मान (वोल्ट में) होगा _____



Sol. (12)



**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट
15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति
17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)
Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day
Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान
17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)
Fees - ₹ 11000 score 160-200 | Fees - ₹ 5500 score 200-240 | Fees - ₹ 0 score above 240

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है ख़ास

$$\text{Let } V_B = 0$$

Right diode is reversed biased and left diode is forward biased

$$\therefore V_E = 12.7 - 0.7$$

$$= 12 \text{ Volt}$$

- 22.** In a fluorescent lamp choke (a small transformer) 100 V of reverse voltage is produced when the choke current changes uniform from 0.25 A to 0 in a duration of 0.025 ms. The self - inductance of the choke (in mH) is estimated to be _____.

एक प्रतिदीप बत्ती में लगी चोक (एक छोटा ट्रान्सफार्मर) में बहने वाली विद्युत धारा जब कालावधी 0.025 ms में 0.25 A से एकसमान रूप से घटकर शून्य हो जाती है, तो इसमें 100 V की विलोम वोल्टता पैदा होती है। चोक का स्वप्रेरकत्व (self-inductance) का मान mH में कितना है _____.

Sol. (10)

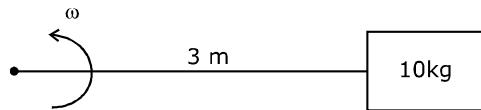
$$100 = \frac{L(0.25)}{0.025} \times 10^3 \quad \therefore L = 100 \times 10^{-4} \text{ H} \\ = 10 \text{ mH}$$

- 23.** A body of mass $m = 10 \text{ kg}$ is attached to one end of a wire of length 0.3 m. The maximum angular speed (in rad s^{-1}) with which it can be rotated about its other end in space station is (Breaking stress of wire = $4.8 \times 10^7 \text{ Nm}^{-2}$ and area of cross section of the wire = 10^{-2} cm^2) is :

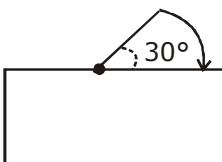
द्रव्यमान 10 kg की एक वस्तु 0.3m लम्बे एक तार के एक छोर से जुड़ी हुई है। आंतरिक्ष में तार को इसके दूसरे सिरे के चारों ओर कितनी अधिकतम कोणीय गति (rad s^{-1} में) से घुमाया जा सकता है? (तार = $4.8 \times 10^7 \text{ Nm}^{-2}$ स्ट्रेस पर टूट जाता है और इसकी अनुप्रस्थ काट का क्षेत्रफल = 10^{-2} cm^2 है) _____।

Sol. (4)

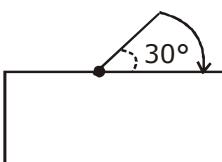
$$\frac{T}{A} = \sigma \quad \dots\dots\dots (1) \\ T = m\omega^2 l \quad \dots\dots\dots (2) \\ \text{Solving} \\ \omega = 4 \text{ rad/s}$$



- 24.** One end of a straight uniform 1 m long bar is pivoted on horizontal table. It is released from rest when it makes an angle 30° from the horizontal (see figure). Its angular speed when it hits the table is given as $\sqrt{n} \text{ s}^{-1}$, where n is an integer. The value of n is _____.



एक एकसमान 1m लम्बी छड़ का एक सिरा एक क्षैतिज मेज पर कीलकित (pivoted) है। छड़ को क्षैतिज दिशा से 30° कोण बनाते हुए रिथर अवस्था से छोड़ा जाता है (चित्र देखें)। यदि मेज से टकराते समय छड़ का कोणीय वेग $\sqrt{n} \text{ s}^{-1}$ (यहाँ पर n एक पूर्णांक है) हो, तो n का मान है _____।



**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट
15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति
17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)
Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान
17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 11000
score 160-200

Fees - ₹ 5500
score 200-240

Fees - ₹ 0
score above 240

हमारा विश्वास... हर एक विद्यार्थी है ख़ास

Sol. (15)

$$mg \frac{l}{2} \sin 30^\circ = \frac{1}{2} \frac{ml^2}{3} \omega^2$$

Solving

$$\omega^2 = 15$$

$$\omega = \sqrt{15}$$

- 25.** The distance x covered by a particle in one dimensional motion varies with time t as $x^2 = at^2 + 2bt + c$. If the acceleration of the particle depends on x as x^{-n} , where n is an integer, the value of n is _____

एक दिशा में चलते हुए एक कण द्वारा t समय में तय की गयी दूरी x सूत्र $x^2 = at^2 + 2bt + c$ के अनुसार दी जाती है। यदि कण के त्वरण की x पर निर्भरता x^{-n} (n एक पूर्णांक है) द्वारा दी जाती हो, तो n का मान है _____।

Sol. (3)

$$x^2 = at^2 + 2bt + c$$

$$2xv = 2ar + 2b$$

$$xv = at + b$$

$$v^2 + ax = a$$

$$ax = a - \left(\frac{at + b}{x} \right)^2$$

$$a = \frac{a(at^2 + 2bt + c) - (at + b)^2}{X^3}$$

$$a = \frac{ac - b^2}{x^3}$$

$$a \propto x^{-3}$$

**Increase Your Score
for JEE Main April'2020**

उत्कृष्ट
15 JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 22000 Including GST

उन्नति
17 JAN 2020

Below 97 percentile in JEE Main (Jan-2020)
Tenure: 62 Days | Schedule: 5 Classes Per Day

Fees - ₹ 27500 Including GST

उत्थान
17 JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

Fees - ₹ 11000
score 160-200

Fees - ₹ 5500
score 200-240

Fees - ₹ 0
score above 240

कर ली अब पूरी तैयारी

चूक ना जाये इस बारी

INCREASE YOUR SCORE for JEE Main April 2020

उत्थान 17th JAN 2020

99 percentile and above
in JEE Main (Jan-2020)

उत्कर्ष 15th JAN 2020

percentile between 97.0 to 98.99
in JEE Main (Jan-2020)

उन्नति 17th JAN 2020

Below 97 percentile
in JEE Main (Jan-2020)

MOTION™

Nurturing potential through education

Toll Free : 1800-212-1799